

Absolutní soustava jednotek – mechanika

Zatím se věnujme jednotkám používaným v mechanice. Běžně dnes používáme soustavu jednotek SI (MKS); dříve se používala cgs. V obou případech základními byly jednotky pro *délku*, *hmotnost* a *čas*. Volba základních jednotek pro tyto veličiny záležela na lidském rozhodnutí. Naskýtá se myšlenka vybrat jako základní jednotky pro univerzální konstanty: pro Planckovu konstantu h , rychlost světla c a gravitační konstantu κ . Takto získané "absolutní jednotky" nazvěme po řadě planck \mathcal{P} , einstein \mathcal{E} a isaac \mathcal{I} . Lze chápat i jako bezrozměrné; pro snazší vyjadřování budeme jejich názvy a symboly používat. Bylo by ovšem možné nezavádět symboly \mathcal{P} , \mathcal{E} a \mathcal{I} a používat místo nich označení konstant h , c a κ .

Hodnoty vybraných univerzálních konstant v soustavě SI:

$$h = 6,63\text{E-}34 \text{ J}\cdot\text{s} = 6,63\text{E-}34 \text{ kg}\cdot\text{m}^2\cdot\text{s}^{-1} =_{\text{df}} 1 \mathcal{P} \text{ (planck)}$$

$$\kappa = 6,67\text{E-}11 \text{ N}\cdot\text{m}^2\cdot\text{kg}^{-2} = 6,67\text{E-}11 \text{ kg}^{-1}\cdot\text{m}^3\cdot\text{s}^{-2} =_{\text{df}} 1 \mathcal{I} \text{ (isaac)}$$

$$c = 3,00\text{E}8 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1} =_{\text{df}} 1 \mathcal{E} \text{ (einstein)}$$

Rozměry základních jednotek soustavy SI jsou patrné z vyjádření

$$1 \text{ m} = C_2 \cdot \mathcal{P}^{1/2} \cdot \mathcal{E}^{-3/2} \cdot \mathcal{I}^{1/2}$$

$$1 \text{ kg} = C_1 \cdot \mathcal{P}^{1/2} \cdot \mathcal{E}^{1/2} \cdot \mathcal{I}^{-1/2}$$

$$1 \text{ s} = C_3 \cdot \mathcal{P}^{1/2} \cdot \mathcal{E}^{-5/2} \cdot \mathcal{I}^{1/2}$$

Konstanty C_i ($i = 1, 2, 3$) dále určíme. Z hodnot konstant v soustavě SI plyne:

$$1 \text{ kg}\cdot\text{m}^2\cdot\text{s}^{-1} = 1,51\text{E}33 \mathcal{P} \quad (1)$$

$$1 \text{ kg}^{-1}\cdot\text{m}^3\cdot\text{s}^{-2} = 1,5\text{E}10 \mathcal{I} \quad (3)$$

$$1 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1} = 3,33\text{E-}9 \mathcal{E} \quad (2)$$

Vynásobením (1) a (3) dostaneme:

$$1 \text{ m}^5 \cdot \text{s}^{-3} = 2,265\text{E}43 \mathcal{P} \mathcal{I} \quad (4)$$

Umocníme (2) na -3:

$$1 \text{ s}^3 \cdot \text{m}^{-3} = 2,78 \text{ E}25 \mathcal{E}^{-3} \quad (5)$$

Tím vynásobíme (4):

$$1 \text{ m}^2 = 6,13 \text{ E} 68 \mathcal{P} \mathcal{I} \mathcal{E}^{-3}, \quad (6)$$

a tedy

$$1 \text{ m} = 2,47 \text{ E} 34 \mathcal{P}^{1/2} \mathcal{I}^{1/2} \mathcal{E}^{-3/2} \quad (7)$$

Z (2) a (7) vypočítáme s, pak z (1) kg:

$$1 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1} = 3,33\text{E-}9 \mathcal{E}$$

$$1 \text{ s} \cdot \text{m}^{-1} = 3\text{E}8 \mathcal{E}^{-1}$$

$$1 \text{ m} = 2,47 \text{ E } 34 \mathcal{P}^{1/2} \mathcal{J}^{1/2} \mathcal{E}^{-3/2}$$

$$\mathbf{1 \text{ s} = 7,41 \text{ E}42 \mathcal{P}^{1/2} \mathcal{J}^{1/2} \mathcal{E}^{-5/2}}$$

$$1 \text{ kg} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{s}^{-1} = 1,51\text{E}33 \mathcal{P}$$

$$1 \text{ m}^{-2} = 1/(6,13 \text{ E } 68 \mathcal{P} \mathcal{J} \mathcal{E}^{-3}) = 0,163 \text{ E-}68 \mathcal{P}^{-1} \mathcal{J}^{-1} \mathcal{E}^3 =$$

$$1 \text{ kg} = 1,51\text{E}33 \mathcal{P} \cdot \text{m}^{-2} \cdot \text{s} =$$

$$= 1,51\text{E}33 \mathcal{P} \cdot 0,163 \text{ E-}68 \mathcal{P}^{-1} \mathcal{J}^{-1} \mathcal{E}^3 \cdot 7,41 \text{ E}42 \mathcal{P}^{1/2} \mathcal{J}^{1/2} \mathcal{E}^{-5/2}$$

$$\mathbf{1 \text{ kg} = 1,8238233 \text{ E}7 \mathcal{P}^{1/2} \mathcal{J}^{-1/2} \mathcal{E}^{1/2}}$$

Ve vytvářené absolutní soustavě jednotek lze základní jednotky SI vyjádřit takto

$$\mathbf{1 \text{ m} = 2,47 \text{ E } 34 \mathcal{P}^{1/2} \mathcal{J}^{1/2} \mathcal{E}^{-3/2}}$$

$$\mathbf{1 \text{ kg} = 1,82 \text{ E}7 \mathcal{P}^{1/2} \mathcal{J}^{-1/2} \mathcal{E}^{1/2}}$$

$$\mathbf{1 \text{ s} = 7,41 \text{ E}42 \mathcal{P}^{1/2} \mathcal{J}^{1/2} \mathcal{E}^{-5/2}}$$

Uvedme ještě vyjádření jednotek síly, energie, výkonu, momentu setrvačnosti, rychlosti a zrychlení:

$$1 \text{ N} = 1 \text{ kg m s}^{-2} = 8,19\text{E-}45 \mathcal{J}^{-1} \mathcal{E}^4$$

$$1 \text{ J} = 1 \text{ kg m}^2 \text{ s}^{-2} = 2,22 \text{ E-}10 \mathcal{P}^{1/2} \mathcal{J}^{-3/2} \mathcal{E}^{7/2}$$

$$1 \text{ W} = 1 \text{ kg m}^2 \text{ s}^{-3} = 27,30 \text{ E-}54 \mathcal{J}^{-1} \mathcal{E}^5$$

$$1 \text{ kg} \cdot \text{m}^2 = 1,11\text{E}76 \mathcal{P}^{3/2} \mathcal{J}^{1/2} \mathcal{E}^{-5/2}$$

$$1 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1} = 3,33 \text{ E-}9 \mathcal{E}$$

$$1 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2} = 4,50 \text{ E-}52 \mathcal{P}^{-1/2} \mathcal{J}^{-1/2} \mathcal{E}^{7/2}$$

Z uvedeného vyjádření je vidět, že při značné toleranci lze za rozumné považovat absolutní jednotky pro hmotnost a pro rychlost. Jednotky pro sílu, energii, výkon a zrychlení jsou přespříliš velké, jednotky pro délku a čas zas přespříliš malé. Další nevýhodou takto vytvářené absolutní soustavy jednotek je, že při vyjadřování nejběžnějších veličin se v rozměrech prostřednictvím základních jednotek vyskytují vyšší mocniny a poloviny. A tak budme vděční za soustavu SI.

Mezi běžně používanými jednotkami se mi nelíbí $\text{km} \cdot \text{h}^{-1}$, dal bych přednost neopouštět hlavní jednotku $\text{m} \cdot \text{s}^{-1}$. Možná pro řidiče zvyklé na $\text{km} \cdot \text{h}^{-1}$ by nanoeinsten byl docela vítaný; $1 \text{ km} \cdot \text{h}^{-1} = 0,925 \text{ n}\mathcal{E}$; pokud by stávající číselné hodnoty omezení rychlosti byly interpretovány jako hodnoty v $\text{n}\mathcal{E}$, směli by jezdit o 8 % rychleji.